



муниципальное автономное общеобразовательное учреждение  
«Лицей № 7 имени Героя Советского Союза Б.К. Чернышева»

660001, г. Красноярск, ул. Менжинского, 15  
тел. (391) 243-36-28, тел./факс (391) 243-59-14

РАССМОТРЕНО

лицейским методическим

объединением учителей математики

Протокол № 1 от 30.08.2023 г.

Руководитель МО \_\_\_\_\_ Черепанова О.А.

ПРИНЯТО

Педагогическим советом

Протокол №1 от 31.08.2023 г.

**Рабочая программа учебного предмета**

**«МАТЕМАТИКА»**

**основного общего образования**

**10-11класс**

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

учебного предмета

«Алгебра и начала математического анализа»  
для 10-11 класса основного общего образования

Красноярск, 2023

## Аннотация к рабочей программе учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»

Рабочая программа учебного предмета «математика» обязательной предметной области «Алгебра и начала математического анализа» разработана в соответствии с ФГОС ООО/ФГОС СОО и реализуется 2023 года обучения с 10 по 11 класс.

Рабочая программа определяет организацию образовательной деятельности учителем в школе по определенному учебному предмету.

Рабочая программа учебного предмета является частью ООП ООО/ООП СОО, определяющей:

- содержание
- планируемые результаты (личностные, метапредметные, предметные)
- тематическое планирование с учетом рабочей программы воспитания и возможностью использования ЭОР/ЦОР

Рабочая программа обсуждена и принята решением методического объединения и согласована руководителем методсовета МАОУ Лицей № 7.

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

### ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественнонаучных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения курса «Алгебра и начала математического анализа» учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре курса «Алгебра и начала математического анализа» можно выделить следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Можно с уверенностью сказать, что данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и др. По мере того, как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые учащимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел; особые свойства рациональных и иррациональных чисел; арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира; широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате учащиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции.

Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественнонаучных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных школьникам, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Учащиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления учащихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов Программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

## **МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

Согласно учебному плану в 10—11 классах изучается учебный курс «Алгебра и начала математического анализа», который включает в себя следующие основные разделы содержания: «Числа и вычисления», «Уравнения и неравенства», «Функции и графики», «Начала математического анализа», «Множества и логика».

В Учебном плане на изучение углублённого курса алгебры и начал математического анализа в 10—11 классах отводится не менее 4 учебных часов в неделю в течение каждого года обучения, всего за два года обучения — не менее 280 учебных часов.

## ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА»

Освоение учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

#### Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

#### Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

#### Духовно-нравственное воспитание:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

#### Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

#### Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

#### Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

#### Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

#### Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

### **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными* действиями, универсальными *коммуникативными* действиями, универсальными *регулятивными* действиями.

1) *Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

#### Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведенного наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

#### Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учетом задач презентации и особенностей аудитории.

#### Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и т.п.); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

### Самоорганизация:

- составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **10 класс**

#### **Числа и вычисления**

- Свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты; иррациональное число; множества рациональных и действительных чисел; модуль действительного числа.
- Применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.
- Применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений.
- Свободно оперировать понятием: степень с целым показателем; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.
- Свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени.
- Свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем.
- Свободно оперировать понятиями: логарифм числа; десятичные и натуральные логарифмы.
- Свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента.
- Оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

#### **Уравнения и неравенства**

- Свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия; равносильные неравенства.
- Применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений; применять метод интервалов для решения неравенств.
- Свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной; многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена; применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач.
- Свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы  $2 \times 2$  и его геометрический смысл; использовать свойства определителя  $2 \times 2$  для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений; моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат.
- Использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений.
- Выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем.
- Использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений.
- Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения; находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней.
- Применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений.
- Свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение; применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений.



- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики**

- Свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции; взаимно обратные функции, композиция функций; график функции; выполнять элементарные преобразования графиков функций.
- Свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.
- Свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.
- Свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем; график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.
- Оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции; выполнять элементарное исследование и построение их графиков.
- Свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики; использовать их графики для решения уравнений.
- Свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.
- Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

### **Начала математического анализа**

- Свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов; иметь представление о константе  $e$ .
- Использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.
- Свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности; понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых.
- Свободно оперировать понятиями: непрерывные функции; точки разрыва графика функции; асимптоты графика функции.
- Свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке; применять свойства непрерывных функций для решения задач.
- Свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции.
- Вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций; знать производные элементарных функций.
- Использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

### **Множества и логика**

- Свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами.
- Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.
- Свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

## **11 класс**

### **Числа и вычисления**

- Свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел; использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида.
- Свободно оперировать понятием остатка по модулю; записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления.

- Свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел; представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

### Уравнения и неравенства

- Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства; находить их решения с помощью равносильных переходов.
- Осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения.
- Свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство; применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств.
- Свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств; равносильные системы и системы-следствия; находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств.
- Решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры.
- Применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами.
- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

### Функции и графики

- Строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций.
- Строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.
- Свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций.
- Применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

### Начала математического анализа

- Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы.
- Находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке.
- Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.
- Свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл; находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона—Лейбница.
- Находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла.
- Иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений.
- Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

### 10 класс

#### Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства; степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

## Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы  $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

## Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

## Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число  $e$ . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

## Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

## 11 класс

## Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, НОД и НОК, остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни  $n$ -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

### Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

### Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

### 10 класс (140 часов)

Название раздела (количество часов)	Основное содержание раздела (темы)	Основные виды деятельности обучающихся
Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений (28 ч)	Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач. Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач. Действительные числа. Рациональ-	<b>Использовать</b> теоретико-множественный аппарат для описания хода решения математических задач, а также реальных процессов и явлений. <b>Оперировать понятиями:</b> рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты; иррациональное и действительное число; модуль действительного числа; <b>использовать</b> эти понятия при проведении рассуждений и доказательств, <b>применять</b> дроби и проценты для решения прикладных

	<p>ные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений. Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета. Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы <math>2 \times 2</math>, его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения; применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений</p>	<p>задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.  <b>Использовать</b> приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений.  <b>Применять</b> различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений; а также метод интервалов для решения неравенств.  <b>Оперировать понятиями:</b> многочлен от одной переменной, его корни; <b>применять</b> деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач.  <b>Оперировать понятиями:</b> система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы.  <b>Использовать</b> свойства определителя <math>2 \times 2</math> для вычисления его значения, <b>применять</b> определителя для решения системы линейных уравнений.  <b>Моделировать</b> реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, <b>исследовать</b> построенные модели с помощью матриц и определителей, <b>интерпретировать</b> полученный результат</p>
<p>Функции и графики. Степенная функция с целым показателем (12 ч)</p>	<p>Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке. Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение графиков этих функций. Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график</p>	<p><b>Оперировать понятиями:</b> функция, способы задания функции; взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства; линейная, квадратичная, дробно-линейная и степенная функции.  <b>Выполнять</b> элементарные преобразования графиков функций.  <b>Знать и уметь доказывать</b> чётность или нечётность функции, периодичность функции, <b>находить</b> промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.  <b>Формулировать и иллюстрировать графически</b> свойства линейной, квадратичной, дробно-линейной и степенной функций.  <b>Выражать формулами</b> зависимости между величинами.  <b>Знать определение и свойства</b> степени с целым показателем; подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных</p>
<p>Арифметический корень <math>n</math>-ой степени. Иррациональные уравнения (18 ч)</p>	<p>Арифметический корень натуральной степени и его свойства. Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни. Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений. Равносильные</p>	<p><b>Формулировать, записывать в символической форме</b> и использовать свойства корня <math>n</math>-ой степени для преобразования выражений.  <b>Находить решения</b> иррациональных уравнений с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней.</p>

	<p>переходы в решении иррациональных уравнений.</p> <p>Свойства и график корня <math>n</math>-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем</p>	<p><b>Строить</b> график функции корня <math>n</math>-ой степени как обратной для функции степени с натуральным показателем</p>
<p>Показательная функция. Показательные уравнения (10 ч)</p>	<p>Степень с рациональным показателем и её свойства.</p> <p>Показательная функция, её свойства и график. Использование графика функции для решения уравнений.</p> <p>Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений</p>	<p><b>Формулировать определение</b> степени с рациональным показателем.</p> <p>Выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем.</p> <p><b>Использовать цифровые ресурсы</b> для построения графика показательной функции и изучения её свойств.</p> <p><b>Находить решения</b> показательных уравнений</p>
<p>Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения (18 ч)</p>	<p>Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы. Преобразование выражений, содержащих логарифмы.</p> <p>Логарифмическая функция, её свойства и график. Использование графика функции для решения уравнений.</p> <p>Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений. Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений.</p>	<p><b>Давать определение</b> логарифма числа; десятичного и натурального логарифма. <b>Использовать</b> свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений.</p> <p><b>Строить</b> график логарифмической функции как обратной к показательной и использовать свойства логарифмической функции для решения задач.</p> <p><b>Находить</b> решения логарифмических уравнений с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней</p>
<p>Тригонометрические выражения и уравнения (22 ч)</p>	<p>Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.</p> <p>Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.</p> <p>Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений</p>	<p><b>Давать определения</b> синуса, косинуса, тангенса и котангенса числового аргумента; а также арксинуса, арккосинуса и арктангенса числа.</p> <p><b>Применять</b> основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений.</p> <p><b>Применять</b> формулы тригонометрии для решения основных типов тригонометрических уравнений</p>
<p>Последовательности и прогрессии (10 ч)</p>	<p>Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых.</p> <p>Арифметическая и геометрическая прогрессии.</p> <p>Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число <math>e</math>.</p> <p>Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера</p>	<p><b>Оперировать понятиями:</b> последовательность, способы задания последовательностей; монотонные и ограниченные последовательности; <b>исследовать</b> последовательности на монотонность и ограниченность.</p> <p>Получать представление об основных идеях анализа бесконечно малых.</p> <p><b>Давать определение</b> арифметической и геометрической прогрессии.</p> <p><b>Доказывать</b> свойства арифметической и геометрической прогрессии, находить сумму членов прогрессии, а также сумму членов бесконечно убывающей геометрической прогрессии.</p> <p><b>Использовать</b> прогрессии для решения задач прикладного характера.</p> <p><b>Применять</b> формулу сложных процентов для решения задач из реальной практики</p>
<p>Непрерывные</p>	<p>Непрерывные функции и их свой-</p>	<p><b>Оперировать понятиями:</b> функция непре-</p>

<p>функции. Производная (20 ч)</p>	<p>ства. Точка разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.</p> <p>Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.</p> <p>Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций</p>	<p>рывная на отрезке, точка разрыва функции, асимптота графика функции.</p> <p><b>Применять</b> свойства непрерывных функций для решения задач.</p> <p><b>Оперировать понятиями:</b> первая и вторая производные функции; понимать физический и геометрический смысл производной; записывать уравнение касательной.</p> <p><b>Вычислять</b> производные суммы, произведения, частного и сложной функции.</p> <p><b>Изучать</b> производные элементарных функций.</p> <p><b>Использовать</b> геометрический и физический смысл производной для решения задач</p>
<p>Повторение, обобщение, систематизация знаний (2 ч)</p>	<p>Основные понятия курса алгебры и начал математического анализа 10 класса, обобщение и систематизация знаний</p>	<p><b>Применять</b> основные понятия курса алгебры и начал математического анализа для решения задач из реальной жизни и других школьных предметов</p>

### 11 класс (140 часов)

<p><b>Название раздела (количество часов)</b></p>	<p><b>Основное содержание раздела (темы)</b></p>	<p><b>Основные виды деятельности обучающихся</b></p>
<p>Исследование функций с помощью производной (24 ч)</p>	<p>Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке.</p> <p>Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.</p> <p>Композиция функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости</p>	<p><b>Строить</b> график композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции.</p> <p><b>Строить</b> геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.</p> <p><b>Использовать</b> производную для исследования функции на монотонность и экстремумы; <b>находить</b> наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;</p> <p><b>Строить</b> графики функций на основании проведённого исследования.</p> <p><b>Использовать</b> производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.</p> <p><b>Получать представление</b> о применении производной в различных отраслях знаний</p>
<p>Первообразная и интеграл (12 ч)</p>	<p>Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.</p> <p>Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.</p> <p>Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.</p> <p>Примеры решений дифференциальных уравнений.</p>	<p><b>Оперировать понятиями:</b> первообразная и определённый интеграл. <b>Находить</b> первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона – Лейбница.</p> <p><b>Находить</b> площади плоских фигур и объёмы тел с помощью определённого интеграла.</p> <p><b>Знакомиться</b> с математическим моделированием на примере дифференциальных уравнений.</p> <p><b>Получать</b> представление о значении введения понятия интеграла в развитии математики</p>
<p>Графики тригоно-</p>	<p>Тригонометрические функции, их</p>	<p><b>Использовать цифровые ресурсы</b> для по-</p>

<p>метрических функций. Тригонометрические неравенства (16 ч)</p>	<p>свойства и графики. Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств</p>	<p>строения графиков тригонометрических функции и изучения их свойств. <b>Решать</b> тригонометрические уравнения и осуществлять отбор корней с помощью тригонометрической окружности. <b>Применять</b> формулы тригонометрии для решения основных типов тригонометрических неравенств. <b>Использовать цифровые ресурсы</b> для построения и исследования графиков функций</p>
<p>Иррациональные, показательные и логарифмические неравенств (24 ч)</p>	<p>Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств. Основные методы решения иррациональных неравенств. Графические методы решения иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств</p>	<p><b>Применять</b> свойства показательной и логарифмической функций к решению показательных и логарифмических неравенств. <b>Обосновать</b> равносильность переходов. <b>Решать</b> иррациональные неравенства. <b>Использовать</b> графические методы и свойства входящих в уравнение или неравенство функций для решения задачи</p>
<p>Комплексные числа (10 ч)</p>	<p>Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни <math>n</math>-ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач</p>	<p><b>Оперировать понятиями:</b> комплексное число и множество комплексных чисел. <b>Представлять</b> комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме. <b>Выполнять</b> арифметические операции с ними. <b>Изображать</b> комплексные числа на координатной плоскости. <b>Применять</b> формулу Муавра и получать представление о корнях <math>n</math>-ой степени из комплексного числа. <b>Знакомиться</b> с примерами применения комплексных чисел для решения геометрических и физических задач</p>
<p>Натуральные и целые числа (10 ч)</p>	<p>Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, НОД и НОК, остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах</p>	<p><b>Оперировать понятиями:</b> натуральное и целое число, множество натуральных чисел. <b>Использовать признаки</b> делимости целых чисел; остатки по модулю; НОД и НОК натуральных чисел; алгоритм Евклида для решения задач. <b>Записывать</b> натуральные числа в различных позиционных системах счисления</p>
<p>Системы рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений (12 ч)</p>	<p>Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия. Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений. Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов</p>	<p><b>Оперировать понятиями:</b> система и совокупность уравнений и неравенств; решение системы или совокупности; равносильные системы и системы-следствия. <b>Находить</b> решения систем и совокупностей целых рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств. <b>Применять</b> системы уравнений к решению текстовых задач из различных областей знаний и реальной жизни; <b>интерпретировать</b> полученные решения. <b>Использовать цифровые ресурсы</b></p>
<p>Задачи с параметрами (16 ч)</p>	<p>Рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения, неравенства и системы с параметрами. Построение и исследование мате-</p>	<p><b>Выбирать</b> способ решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений и неравенств, содержащих модули и параметры <b>Применять</b> графические и аналитические методы для решения уравнений и неравенств</p>



	математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений, систем уравнений и неравенств с параметрами	с параметрами, а также исследование функций методами математического анализа. <b>Строить и исследовать</b> математические модели реальных ситуаций с помощью уравнений, неравенств и систем с параметрами
Повторение, обобщение, систематизация знаний (16 ч)	Основные понятия и методы курса, обобщение и систематизация знаний	<b>Моделировать</b> реальные ситуации на языке алгебры, <b>составлять</b> выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, <b>исследовать</b> построенные модели с использованием аппарата алгебры. <b>Применять</b> функции для моделирования и исследования реальных процессов. <b>Решать</b> прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами алгебры и математического анализа

### Поурочное планирование АЛГЕБРА и начала математического анализа, 10 класс

№ п/п	Дата		Тема урока
	План	Факт	
<b>Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений - 28 часов</b>			
1			Множество, операции над множествами и их свойства
2			Диаграммы Эйлера - Венна
3			Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач
4			Рациональные числа
5			Обыкновенные и десятичные дроби
6			Проценты
7			Бесконечные периодические дроби
8			Применение дробей и процентов для решения прикладных задач
9			Действительные числа
10			Рациональные и иррациональные числа
11			Арифметические операции с действительными числами
12			Модуль действительного числа и его свойства
13			Приближённые вычисления, правила округления
14			Прикидка и оценка результата вычислений
15			<b>Контрольная работа №1 по теме «Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений»</b>
16			Основные методы решения целых уравнений
17			Основные методы решения дробно-рациональных уравнений
18			Основные методы решения целых и дробно-рациональных неравенств
19			Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком
20			Теорема Безу
21			Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета
22			Решение систем линейных уравнений
23			Матрица системы линейных уравнений
24			Определитель матрицы $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства
25			Вычисление значения определителя
26			Применение определителя для решения системы линейных уравнений
27			Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений
28			<b>Контрольная работа №2 по теме «Множество действительных чисел. Многочлены»</b>
<b>Функции и графики. Степенная функция с целым показателем - 12 часов</b>			

1			Способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций.
2			График функции. Элементарные преобразования графиков функций
3			Область определения и множество значений функции
4			Нули функции. Промежутки знакопостоянства
5			Чётные и нечётные функции. Периодические функции
6			Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции
7			Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
8			Линейная и квадратичная функции. Элементарное исследование и графики функций
9			Дробно-линейная функции. Элементарное исследование и график этих функций
10			Степень с целым показателем. Бином Ньютона
11			Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график
12			<b>Контрольная работа №3 по теме «Функции и графики»</b>
<b>Арифметический корень <math>n</math>-ой степени. Иррациональные уравнения - 18 часов</b>			
1			Арифметический корень натуральной степени и его свойства
2			Преобразования числовых выражений, содержащих степени
3			Вынесение множителя из-под знака корня
4			Внесение множителя под знак корня
5			Сокращение дробей, содержащих радикалы
6			Преобразование иррациональных выражений
7			Повторение по теме «Арифметический корень $n$ -ной степени»
8			<b>Контрольная работа №4 по теме «Арифметический корень <math>n</math>-ой степени»</b>
9			Иррациональные уравнения
10			Область допустимых значений иррационального уравнения
11			Основные методы решения иррациональных уравнений
12			Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений
13			Алгоритм решения иррациональных уравнений
14			Решение иррациональных уравнений
15			Решение иррациональных уравнений
16			Свойства и график корня $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем
17			Повторение по теме «Иррациональные уравнения»
18			<b>Контрольная работа №5 по теме «Иррациональные уравнения»</b>
<b>Показательная функция. Показательные уравнения - 10 часов</b>			
1			Степень с рациональным показателем и её свойства
2			Показательная функция, её свойства и график
3			Использование графика функции для решения уравнений
4			Показательные уравнения
5			Основные методы решения показательных уравнений
6			Приведение обеих частей уравнения к одному основанию
7			Вынесение общего множителя за скобку
8			Метод замены переменной в показательных уравнениях
9			Метод почленного деления
10			<b>Контрольная работа №6 по теме «Показательная функция. Показательные уравнения»</b>
<b>Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения - 18 часов</b>			
1			Логарифм числа . Основные методы решения логарифмических уравнений.
2			Свойства логарифма
3			Десятичные логарифмы
4			Натуральные логарифмы

5			Преобразование выражений, содержащих логарифмы
6			Логарифмическая функция, её свойства и график
7			Использование графика функции для решения уравнений
8			Функционально-графический метод решения уравнений
9			<b>Контрольная работа №7 по теме «Логарифмическая функция»</b>
10			Логарифмические уравнения
11			Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений
12			Решение уравнений по определению логарифма
13			Метод потенцирования
14			Метод введения новой переменной
15			Метод логарифмирования
16			Переход к новому основанию
17			Решение логарифмических уравнений
18			<b>Контрольная работа №8 по теме «Логарифмические уравнения»</b>
<b>Тригонометрические выражения и уравнения - 22 часа</b>			
1			Синус, косинус числового аргумента
2			Тангенс и котангенс числового аргумента
3			Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента
4			Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента
5			Основные тригонометрические тождества
6			Формулы двойного угла
7			Формулы понижения степени
8			Формулы половинного угла
9			Формулы суммы аргументов
10			Формулы суммы функций
11			Формулы произведения функций
12			Преобразование тригонометрических выражений с помощью формул
13			<b>Контрольная работа №9 по теме «Тригонометрические выражения»</b>
14			Решение уравнения $\cos x = a$
15			Решение уравнения $\sin x = a$
16			Решение уравнений $\operatorname{tg} x = a$ , $\operatorname{ctg} x = a$
17			Метод замены переменной
18			Уравнения, сводящиеся к квадратным уравнениям
19			Метод разложения на множители
20			Однородные тригонометрические уравнения
21			Решение тригонометрических уравнений
22			<b>Контрольная работа №10 по теме «Тригонометрические Уравнения»</b>
<b>Последовательности и прогрессии - 10 часов</b>			
1			Последовательности, способы задания последовательностей
2			Метод математической индукции
3			Монотонные и ограниченные последовательности
4			Арифметическая и геометрическая прогрессии
5			Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия
6			Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии
7			Линейный и экспоненциальный рост. Число $e$
8			Формула сложных процентов
9			Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера
10			<b>Контрольная работа №11 по теме «Последовательности и прогрессии»</b>
<b>Непрерывные функции. Производная - 20 часов</b>			
1			Непрерывные функции и их свойства. Точка разрыва
2			Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на от-

			резке
3			Метод интервалов для решения неравенств
4			Применение свойств непрерывных функций для решения задач
5			Первая и вторая производные функции
6			Определение, геометрический и физический смысл производной
7			Алгоритм нахождения производной
8			Формулы дифференцирования
9			Производная степенной функции
10			Производные элементарных функций
11			Вычисление производных элементарных функций
12			Производная суммы функций
13			Производная произведения функций
14			Производная частного функций
15			Производная композиции функций
16			Понятие и вычисление производной n-го порядка
17			Дифференцирование сложной функции
18			Уравнение касательной к графику функции
19			Уравнение касательной к графику функции
20			<b>Контрольная работа №12 по теме «Непрерывные функции. Производная»</b>
<b>Повторение, обобщение, систематизация знаний - 2 часа</b>			
1			Решения тригонометрических уравнений
2			Систематизация знаний

### Поурочное планирование АЛГЕБРА и начала математического анализа, 11 класс

№ п/п	Дата		Тема урока
	План	Факт	
<b>Исследование функций с помощью производной - 24 часа</b>			
1			Повторение. Формулы дифференцирования
2			Правила дифференцирования
3			Применение производной к исследованию функций на монотонность
4			Применение производной к исследованию функций на экстремумы
5			Экстремумы функции
6			Вычисление экстремумов функции
7			Применение производной для доказательства тождеств и неравенств
8			Построение графиков функций
9			Исследование функции и построение графика функции
10			Связь между графиком функции и графиком её производной
11			Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке
12			Задачи на отыскание наибольших и наименьших значений величин
13			Решение задач на нахождение наибольших и наименьших значений
14			Применение производной к исследованию функции
15			<b>Контрольная работа №1 по теме «Исследование функций с помощью производной»</b>
16			Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах
17			Применение производной в решении задач
18			Применение производной для нахождения наилучшего решения для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком
19			Применение производной для нахождения наилучшего решения для определения ускорения процесса, заданного формулой или графиком
20			Композиция функций
21			Геометрические образы уравнений на координатной плоскости
22			Геометрические образы неравенств на координатной плоскости
23			Повторение по теме «Исследование функций с помощью производной»

24			<b>Контрольная работа №2 по теме «Исследование функций с помощью производной»</b>
<b>Первообразная и интеграл - 12 часов</b>			
1			Первообразная
2			Основное свойство первообразных
3			Первообразные элементарных функций
4			Правила нахождения первообразных
5			Интеграл. Геометрический смысл интеграла
6			Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница
7			Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур
8			Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел
9			Примеры решений дифференциальных уравнений
10			Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений
11			Повторение по теме «Первообразная и интеграл»
12			<b>Контрольная работа №2 по теме «Первообразная и интеграл»</b>
<b>Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства - 16 часов</b>			
1			Тригонометрические функции, их свойства и графики
2			Свойства и график функции $y = \cos x$
3			Свойства и график функции $y = \sin x$
4			Графики функций $y = \operatorname{tg} x$ , $y = \operatorname{ctg} x$
5			Решение тригонометрических уравнений с помощью графиков
6			Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью графика
7			Отбор корней тригонометрических уравнений методом перебора
8			Отбор корней тригонометрических уравнений двойным неравенством
9			Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности
10			Тригонометрические неравенства
11			Методы решения тригонометрических неравенств
12			Решение тригонометрических неравенств
13			Решение тригонометрических неравенств графически
14			Решение тригонометрических неравенств
15			Повторение по теме «Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства»
16			<b>Контрольная работа №3 по теме «Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства»</b>
<b>Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства - 24 часа</b>			
1			Простейшие показательные неравенства
2			Сведение показательного неравенства к простейшему
3			Метод введения новой переменной
4			Разложение на множители
5			Сведение к равносильной совокупности
6			Метод рационализации (замена множителей)
7			Графические методы решения показательных уравнений и неравенств
8			Простейшие логарифмические неравенства
9			Логарифмические неравенства, сводящиеся к простейшим
10			Метод замены переменной
11			Логарифмические неравенства, сводящиеся к рациональным
12			Логарифмические неравенства, содержащие переменную в основании логарифма
13			Метод интервалов
14			Графический метод решения логарифмических уравнений и неравенств
15			Иррациональные неравенства стандартного вида
16			Метод перехода к равносильной системе
17			Дробно-иррациональные неравенства

18			Метод замены переменной
19			Иррациональные неравенства смешанного типа
20			Иррациональные логарифмические неравенства
21			Умножение на сопряжённое
22			Метод интервалов
23			Графический метод решения иррациональных уравнений и неравенств
24			<i>Контрольная работа №4 по теме «Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства»</i>
<b>Комплексные числа - 10 часов</b>			
1			Понятие комплексного числа
2			Алгебраическая форма записи комплексного числа
3			Арифметические операции с комплексными числами
4			Арифметические операции с комплексными числами
5			Тригонометрическая форма записи комплексного числа
6			Изображение комплексных чисел на координатной плоскости
7			Формула Муавра
8			Корни $n$ -ой степени из комплексного числа
9			Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач
10			<i>Контрольная работа №5 по теме «Комплексные числа»</i>
<b>Натуральные и целые числа - 10 часов</b>			
1			Натуральные и целые числа
2			Признак делимости целых чисел
3			Применение признаков делимости целых чисел
4			Применение НОД и НОК для решения задач в целых числах
5			Вычисление остатков по модулю для решения задач в целых числах
6			Применение остатков по модулю для решения задач в целых числах
7			Алгоритм Евклида
8			Применение алгоритма Евклида для решения задач в целых числах
9			Повторение по теме «Натуральные и целые числа»
10			<i>Контрольная работа №6 по теме «Натуральные и целые числа»</i>
<b>Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений – 12 часов</b>			
1			Система и совокупность уравнений
2			Равносильные системы и системы-следствия
3			Основные методы решения систем рациональных уравнений
4			Основные методы решения совокупностей рациональных уравнений
5			Однородные системы уравнений
6			Основные методы решения систем иррациональных уравнений
7			Основные методы решения совокупностей иррациональных уравнений
8			Основные методы решения систем показательных уравнений
9			Основные методы решения совокупностей показательных уравнений
10			Основные методы решения систем логарифмических уравнений
11			Основные методы решения совокупностей логарифмических уравнений
12			<i>Контрольная работа №7 по теме «Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений»</i>
<b>Задачи с параметрами - 16 часов</b>			
1			Рациональные уравнения с параметрами
2			Рациональные неравенства с параметрами
3			Рациональные системы с параметрами
4			Иррациональные уравнения с параметрами
5			Иррациональные неравенства с параметрами
6			Иррациональные системы с параметрами
7			Показательные уравнения с параметрами
8			Показательные неравенства с параметрами



9			Показательные системы с параметрами
10			Логарифмические уравнения с параметрами
11			Логарифмические неравенства с параметрами
12			Логарифмические системы с параметрами
13			Тригонометрические уравнения с параметрами
14			Тригонометрические неравенства с параметрами
15			Тригонометрические системы с параметрами
16			<i>Контрольная работа №7 по теме «Задачи с параметрами»</i>
<b>Повторение, обобщение, систематизация знаний - 16 часов</b>			
1			Арифметические операции с действительными числами
2			Решение дробно-рациональных уравнений
3			Элементарное исследование и графики функций
4			Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни
5			Решение иррациональных уравнений
6			Основные методы решения показательных уравнений
7			Решение логарифмических уравнений
8			Преобразование тригонометрических выражений
9			Решение тригонометрических уравнений
10			Отбор корней тригонометрических уравнений
11			Вычисление производных элементарных функций
12			Применение производной к исследованию функции
13			Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур
14			<i>Промежуточная аттестация. Итоговая контрольная работа (№8)</i>
15			Анализ результатов контрольной работы
16			Систематизация знаний

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
учебного предмета «Геометрия»  
для 10 класса среднего общего образования  
(базовый уровень)

Красноярск, 2023



## Аннотация к рабочей программе учебного предмета «Геометрия»

Рабочая программа учебного предмета «Геометрия» обязательной предметной области «математика» разработана в соответствии с ФГОС ООО/ФГОС СОО и реализуется 2023 года обучения с 10 по 11 класс.

Рабочая программа определяет организацию образовательной деятельности учителем в школе по определенному учебному предмету.

Рабочая программа учебного предмета является частью ООП ООО/ООП СОО, определяющей:

- содержание
- планируемые результаты (личностные, метапредметные, предметные)
- тематическое планирование с учетом рабочей программы воспитания и возможностью использования ЭОР/ЦОР

Рабочая программа обсуждена и принята решением методического объединения и согласована руководителем методсовета МАОУ Лицей № 7.

## ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Важность учебного курса геометрии на уровне среднего общего образования обусловлена практической значимостью метапредметных и предметных результатов обучения геометрии в направлении личностного развития обучающихся, формирования функциональной математической грамотности, изучения других учебных дисциплин. Развитие у учащихся правильных представлений о сущности и происхождении геометрических абстракций, соотношении реального и идеального, характере отражения математической наукой явлений и процессов реального мира, месте геометрии в системе наук и роли математического моделирования в научном познании и в практике способствует формированию научного мировоззрения учащихся, а также качеств мышления, необходимых для адаптации в современном обществе.

Геометрия является одним из базовых предметов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения как дисциплин естественно-научной направленности, так и гуманитарной.

Логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии и построении цепочки логических утверждений в ходе решения геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности из курса физики.

Умение ориентироваться в пространстве играет существенную роль во всех областях деятельности человека. Ориентация человека во времени и пространстве — необходимое условие его социального бытия, форма отражения окружающего мира, условие успешного познания и активного преобразования действительности. Оперирование пространственными образами объединяет разные виды учебной и трудовой деятельности, является одним из профессионально важных качеств, поэтому актуальна задача формирования у обучающихся пространственного мышления как разновидности разного мышления — существенного компонента в подготовке к практической деятельности по многим направлениям.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на базовом уровне обучения – общеобразовательное и общекультурное развитие обучающихся через обеспечение возможности приобретения и использования систематических геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, возможности успешного продолжения образования по специальностям, не связанным с прикладным использованием геометрии.

Программа по геометрии на базовом уровне предназначена для обучающихся средней школы, не испытывавших значительных затруднений на уровне основного общего образования. Таким образом, обучающиеся на базовом уровне должны освоить общие математические умения, связанные со спецификой геометрии и необходимые для жизни в современном обществе. Кроме этого, они имеют возможность изучить геометрию более глубоко, если в дальнейшем возникнет необходимость в геометрических знаниях в профессиональной деятельности.

Достижение цели освоения программы обеспечивается решением соответствующих задач. Приоритетными задачами освоения курса «Геометрии» на базовом уровне в 10—11 классах являются:

- формирование представления о геометрии как части мировой культуры и осознание её взаимосвязи с окружающим миром;
- формирование представления о многогранниках и телах вращения как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира;
- формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения;
- овладение методами решения задач на построения на изображениях пространственных фигур;
- формирование умения оперировать основными понятиями о многогранниках и телах вращения и их основными свойствами;
- овладение алгоритмами решения основных типов задач; формирование умения проводить несложные доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления;
- формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умение распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке геометрии и создавать геометрические модели, применять освоенный геометриче-

ский аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Отличительной особенностью программы является включение в курс стереометрии в начале его изучения задач, решаемых на уровне интуитивного познания, и определённым образом организованная работа над ними, что способствуют развитию логического и пространственного мышления, стимулирует протекание интуитивных процессов, мотивирует к дальнейшему изучению предмета.

Предпочтение отдаётся наглядно-конструктивному методу обучения, то есть теоретические знания имеют в своей основе чувственность предметно-практической деятельности. Развитие пространственных представлений у учащихся в курсе стереометрии проводится за счёт решения задач на создание пространственных образов и задач на оперирование пространственными образами. Создание образа проводится с опорой на наглядность, а оперирование образом — в условиях отвлечения от наглядности, мысленного изменения его исходного содержания.

Основные содержательные линии курса «Геометрии» в 10–11 классах: «Многогранники», «Прямые и плоскости в пространстве», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве». Формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения на уровне среднего общего образования.

Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Примерной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы овладение геометрическими понятиями и навыками осуществлялось последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, чтобы новые знания включались в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

## **МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

В Учебном плане на изучение геометрии отводится не менее 2 учебных часов в неделю в 10 классе и 1 учебного часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения не менее 102 учебных часа.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРИМЕРНОЙ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ КУРСА (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)**

Предметные результаты изучения геометрии на базовом уровне ориентированы на достижение уровня математической грамотности, необходимого для успешного решения задач в реальной жизни и создание условий для их общекультурного развития.

Освоение учебного курса «Геометрия» на базовом уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

### **10 класс**

- Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость.
- Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач.
- Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей.
- Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.
- Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла; линейный угол двугранного угла; градусная мера двугранного угла.
- Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, элементы многогранника, правильный многогранник.
- Распознавать основные виды многогранников (пирамида; призма, прямоугольный параллелепипед, куб).
- Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации (выпуклые и невыпуклые многогранники; правильные многогранники; прямые и наклонные призмы, параллелепипеды).
- Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников.
- Объяснять принципы построения сечений, используя метод следов.
  - Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу.
- Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми.

- Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление углов между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, между плоскостями, двугранных углов.
- Вычислять объёмы и площади поверхностей многогранников (призма, пирамида) с применением формул; вычислять соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных многогранников.
- Оперировать понятиями: симметрия в пространстве; центр, ось и плоскость симметрии; центр, ось и плоскость симметрии фигуры.
- Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.
- Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме.
- Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач.
- Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве.
- Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

### 10 класс

#### Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве; параллельность трёх прямых; параллельность прямой и плоскости. Углы с сонаправленными сторонами; угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости; свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед; построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью; двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

#### Многогранники

Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники; развёртка многогранника. Призма:  $n$ -угольная призма; грани и основания призмы; прямая и наклонная призмы; боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Пирамида:  $n$ -угольная пирамида, грани и основание пирамиды; боковая и полная поверхность пирамиды; правильная и усечённая пирамида. Элементы призмы и пирамиды. Правильные многогранники: понятие правильного многогранника; правильная призма и правильная пирамида; правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр; куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр. Сечения призмы и пирамиды.

Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды. Понятие об объёме. Объём пирамиды, призмы.

Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ) 10 класс (68 часов)

Название раздела	Основное содержание	Основные виды деятельности учащихся
Введение в стереометрию (10 ч)	<p>Основные понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Правила изображения на рисунках: изображения плоскостей, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка. Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость.</p> <p>Знакомство с многогранниками, изображение многогранников на рисунках, на проекционных чертежах. Начальные сведения о кубе и пирамиде, их развёртки и модели. Сечения многогранников.</p> <p>Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них</p>	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме.</p> <p>Получать представления о пространственных фигурах, разбирать простейшие правила изображения этих фигур.</p> <p>Изображать прямую и плоскость на рисунке.</p> <p>Распознавать многогранники, пирамиду, куб, называть их элементы.</p> <p>Делать рисунок куба, пирамиды, находить ошибки в неверных изображениях.</p> <p>Знакомиться с сечениями, с методом следов; использовать для построения сечения метод следов, кратко записывать шаги построения сечения.</p> <p>Распознавать вид сечения и отношений, в которых сечение делит ребра куба, находить площадь сечения.</p> <p>Использовать подобие при решении задач на построение сечений.</p> <p>Знакомиться с аксиоматическим построением стереометрии, с аксиомами стереометрии и следствиями из них.</p> <p>Иллюстрировать аксиомы рисунками и примерами из окружающей обстановки</p>
Прямые и плоскости в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей (12 ч)	<p>Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые.</p> <p>Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве; параллельность трёх прямых; параллельность прямой и плоскости. Углы с сонаправленными сторонами; угол между прямыми в пространстве.</p> <p>Параллельность плоскостей: параллельные плоскости; свойства параллельных плоскостей.</p> <p>Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед; построение сечений</p>	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии.</p> <p>Перечислять возможные способы расположения двух прямых в пространстве, иллюстрировать их на примерах.</p> <p>Давать определение скрещивающихся прямых, формулировать признак скрещивающихся прямых и применять его при решении задач.</p> <p>Распознавать призму, называть её элементы.</p> <p>Строить сечения призмы на готовых чертежах.</p> <p>Перечислять возможные способы взаимного расположения прямой и плоскости в пространстве, приводить соответствующие примеры из реальной жизни.</p> <p>Давать определение параллельности прямой и плоскости.</p> <p>Формулировать признак параллельности прямой и плоскости, утверждение о прямой пересечения двух плоскостей, проходящих через параллельные прямые.</p> <p>Решать практические задачи на построение сечений многогранника.</p> <p>Объяснять случаи взаимного расположения плоскостей.</p> <p>Давать определение параллельных плоскостей; приводить примеры из реальной жизни и окружающей обстановки, иллюстрирующие параллельность плоскостей.</p> <p>Использовать признак параллельности двух плоскостей, свойства параллельных плоскостей при решении задач на построение.</p>

		<p>Объяснять, что называется параллельным проектированием и как выполняется проектирование фигур на плоскость.</p> <p>Изображать в параллельной проекции различные геометрические фигуры.</p> <p>Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий.</p> <p>Использовать при решении задач на построение сечений понятие параллельности, признаки и свойства параллельных прямых на плоскости</p>
<p>Перпендикулярность прямых и плоскостей (12 ч)</p>	<p>Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости</p> <p>Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости.</p>	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии.</p> <p>Объяснять, какой угол называется углом между пересекающимися прямыми, скрещивающимися прямыми в пространстве.</p> <p>Давать определение перпендикулярных прямых и прямой, перпендикулярной к плоскости.</p> <p>Находить углы между скрещивающимися прямыми в кубе и пирамиде.</p> <p>Приводить примеры из реальной жизни и окружающей обстановки, иллюстрирующие перпендикулярность прямых в пространстве и перпендикулярность прямой к плоскости.</p> <p>Формулировать признак перпендикулярности прямой и плоскости, применять его на практике: объяснять перпендикулярность ребра куба и диагонали его грани, которая его не содержит, находить длину диагонали куба. Вычислять высоту правильной треугольной и правильной четырёхугольной пирамид по длинам рёбер.</p> <p>Решать задачи на вычисления, связанные с перпендикулярностью прямой и плоскости, с использованием при решении планиметрических фактов и методов.</p> <p>Объяснять, что называют перпендикуляром и наклонной из точки к плоскости; проекцией наклонной на плоскость. Объяснять, что называется расстоянием: от точки до плоскости; между параллельными плоскостями; между прямой и параллельной ей плоскостью; между скрещивающимися прямыми.</p> <p>Находить эти расстояния в простых случаях в кубе, пирамиде, призме.</p> <p>Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий.</p> <p>Использовать при решении задач на построение сечений теорему Пифагора, свойства прямоугольных треугольников.</p>
<p>Углы между прямыми и плоскостями (10 ч)</p>	<p>Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью; двугранный угол, линейный угол двугранного угла.</p> <p>Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах</p>	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии.</p> <p>Давать определение угла между прямой и плоскостью, формулировать теорему о трёх перпендикулярах и обратную к ней.</p> <p>Находить угол между прямой и плоскостью в многограннике, расстояние от точки до прямой на плоскости, используя теорему о трёх перпендикулярах. Проводить на чертеже перпендикуляр: из точки на прямую; из точки на плоскость.</p> <p>Давать определение двугранного угла и его элементов.</p>

		<p>Объяснять равенство всех линейных углов двугранного угла.</p> <p>Находить на чертеже двугранный угол при ребре пирамиды, призмы, параллелепипеда.</p> <p>Давать определение угла между плоскостями.</p> <p>Давать определение и формулировать признак взаимно перпендикулярных плоскостей.</p> <p>Находить углы между плоскостями в кубе и пирамиде.</p> <p>Использовать при решении задач основные теоремы и методы планиметрии.</p> <p>Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий.</p> <p>Использовать при решении задач на построение сечений соотношения в прямоугольном треугольнике.</p>
<p>Многогранники (10 ч)</p>	<p>Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники; развёртка многогранника.</p> <p>Призма: <math>n</math>-угольная призма; грани и основания призмы; прямая и наклонная призмы; боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства.</p> <p>Пирамида: <math>n</math>-угольная пирамида, грани и основание пирамиды; боковая и полная поверхность пирамиды; правильная и усечённая пирамида.</p> <p>Элементы призмы и пирамиды.</p> <p>Правильные многогранники: понятие правильного многогранника; правильная призма и правильная пирамида; правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр; куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.</p> <p>Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках. Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности пря-</p>	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии.</p> <p>Давать определение параллелепипеда, распознавать его виды и изучать свойства.</p> <p>Давать определение пирамиды, распознавать виды пирамид, формулировать свойства рёбер, граней и высоты правильной пирамиды.</p> <p>Находить площадь полной и боковой поверхности пирамиды.</p> <p>Давать определение усечённой пирамиды, называть её элементы.</p> <p>Формулировать теорему о площади боковой поверхности правильной усечённой пирамиды.</p> <p>Решать задачи на вычисление, связанные с пирамидами, а также задачи на построение сечений.</p> <p>Давать определение призмы, распознавать виды призм, изображать призмы на чертеже.</p> <p>Находить площадь полной или боковой поверхности призмы.</p> <p>Изучать соотношения Эйлера для числа рёбер, граней и вершин многогранника.</p> <p>Изучать виды правильных многогранников, их названия и количество граней.</p> <p>Изучать симметрию многогранников.</p> <p>Объяснять, какие точки называются симметричными относительно данной точки, прямой или плоскости, что называют центром, осью или плоскостью симметрии фигуры.</p> <p>Приводить примеры симметричных фигур в архитектуре, технике, природе.</p> <p>Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий, использовать подобие многогранников.</p>

	мой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади боковой поверхности усечённой пирамиды	
Объёмы многогранников (8 ч)	Понятие об объёме. Объём пирамиды, призмы	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме.</p> <p>Объяснять, как измеряются объёмы тел, проводя аналогию с измерением площадей многоугольников. Формулировать основные свойства объёмов.</p> <p>Изучать, выводить формулы объёма прямоугольного параллелепипеда, призмы и пирамиды.</p> <p>Вычислять объём призмы и пирамиды по их элементам.</p> <p>Применять объём для решения стереометрических задач и для нахождения геометрических величин.</p> <p>Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий</p>
Повторение: сечения, расстояния и углы (8 ч)	<p>Построение сечений в многограннике.</p> <p>Вычисление расстояний: между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости; между скрещивающимися прямыми.</p> <p>Вычисление углов: между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, двугранных углов, углов между плоскостями</p>	<p>Строить сечение многогранника методом следов.</p> <p>Давать определение расстояния между фигурами.</p> <p>Находить расстояние между параллельными плоскостями, между плоскостью и параллельной ей прямой, между скрещивающимися прямыми.</p> <p>Строить линейный угол двугранного угла на чертеже многогранника и находить его величину.</p> <p>Находить углы между плоскостями в многогранниках</p>



*II класс*

Название раз-дела	Основное содержание	Основные виды деятельности учащихся
Тела вращения (12 ч)	<p>Сфера и шар: центр, радиус, диаметр; площадь поверхности сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере; площадь сферы.</p> <p>Изображение сферы, шара на плоскости.</p> <p>Сечения шара.</p>	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии.</p> <p>Давать определения сферы и шара, их центра, радиуса, диаметра. Определять сферу как фигуру вращения окружности.</p> <p>Исследовать взаимное расположение сферы и плоскости, двух сфер, иллюстрировать это на чертежах и рисунках.</p> <p>Формулировать определение касательной плоскости к сфере, свойство и признак касательной плоскости.</p> <p>Знакомиться с геодезическими линиями на сфере.</p>
	<p>Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности. Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности. Изображение цилиндра на плоскости. Развёртка цилиндра.</p> <p>Сечения цилиндра (плоскостью, параллельной или перпендикулярной оси цилиндра)</p>	<p>Объяснять, что называют цилиндром, называть его элементы.</p> <p>Изучать, объяснять, как получить цилиндр путём вращения прямоугольника.</p> <p>Выводить, использовать формулы для вычисления площади боковой поверхности цилиндра.</p> <p>Изучать, распознавать развёртку цилиндра.</p> <p>Изображать цилиндр и его сечения плоскостью, проходящей через его ось, параллельной или перпендикулярной оси.</p> <p>Находить площади этих сечений.</p> <p>Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий.</p>
	<p>Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности. Конус: основание и вершина, образующая и ось; площадь боковой и полной поверхности. Усечённый конус: образующие и высота; основания и боковая поверхность.</p> <p>Изображение конуса на плоскости. Развёртка конуса.</p> <p>Сечения конуса (плоскостью, параллельной основанию, и плоскостью, проходящей через вершину).</p>	<p>Объяснять, какое тело называют круговым конусом, называть его элементы.</p> <p>Изучать, объяснять, как получить конус путём вращения прямоугольного треугольника.</p> <p>Изображать конус и его сечения плоскостью, проходящей через ось, и плоскостью, перпендикулярной к оси.</p> <p>Изучать, распознавать развёртку конуса.</p> <p>Выводить, использовать формулы для вычисления площади боковой поверхности конуса.</p> <p>Находить площади сечений, проходящих через вершину конуса или перпендикулярных его оси.</p> <p>Объяснять, какое тело называется усечённым конусом.</p> <p>Изучать, объяснять, как его получить путём вращения прямоугольной трапеции.</p> <p>Выводить, применять формулу для вычисления площади боковой поверхности усечённого конуса.</p>
	<p>Комбинация тел вращения и многогранников. Многогранник, описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник или в тело вращения</p>	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии.</p> <p>Решать стереометрические задачи, связанные с телами вращения, построением сечений тел вращения, с комбинациями тел вращения и многогранников нахождение геометрических величин.</p> <p>Использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы задачи на вычисление и доказательство.</p> <p>Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием гео-</p>

		метрических понятий
Объёмы тел (5 ч)	Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площадь сферы.	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии.</p> <p>Выводить, использовать формулы объёмов: призмы, цилиндра, пирамиды, конуса; усечённой пирамиды и усечённого конуса.</p> <p>Решать стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов.</p> <p>Формулировать определение шарового сегмента, шарового слоя, шарового сектора.</p> <p>Применять формулы для нахождения объёмов шарового сегмента, шарового сектора.</p> <p>Решать стереометрические задачи, связанные с объёмом шара и площадью сферы.</p> <p>Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий.</p>
	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии.</p> <p>Решать стереометрические задачи, связанные с соотношением объёмов и поверхностей подобных тел в пространстве.</p> <p>Моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий</p>
Векторы и координаты в пространстве (10 ч)	<p>Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по трём некопланарным векторам. Правило параллелепипеда.</p> <p>Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами</p> <p>Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между прямыми и плоскостями.</p> <p>Координатно-векторный метод при решении геометрических задач</p>	<p>Актуализировать факты и методы планиметрии, релевантные теме, проводить аналогии.</p> <p>Оперировать понятием вектор в пространстве.</p> <p>Формулировать правило параллелепипеда при сложении векторов.</p> <p>Складывать, вычитать векторы, умножать вектор на число.</p> <p>Изучать основные свойства этих операций.</p> <p>Давать определение прямоугольной системы координат в пространстве.</p> <p>Выразить координаты вектора через координаты его концов.</p> <p>Выводить, использовать формулу длины вектора и расстояния между точками.</p> <p>Выражать скалярное произведение векторов через их координаты, вычислять угол между двумя векторами, двумя прямыми.</p> <p>Находить угол между прямой и плоскостью, угол между двумя плоскостями аналитическими методами.</p> <p>Выводить, использовать формулу расстояния от точки до плоскости.</p>
Повторение, обобщение и систематизация знаний (7 ч)	<p>Основные фигуры, факты, теоремы курса планиметрии. Задачи планиметрии и методы их решения.</p> <p>Основные фигуры, факты, теоремы курса стереометрии. Задачи стереометрии и методы их решения</p>	<p>Решать простейшие задачи на нахождение длин и углов в геометрических фигурах, применять теорему Пифагора, теоремы синусов и косинусов.</p> <p>Находить площадь многоугольника, круга.</p> <p>Распознавать подобные фигуры, находить отношения длин и площадей.</p> <p>Использовать при решении стереометрических задач факты и методы планиметрии</p>

# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 класс, геометрия

№	дата		Тема урока
	план	факт	
<b>Введение в стереометрию - 10 часов</b>			
1.			Основные понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство
2.			Правила изображения на рисунках: изображения плоскостей, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка
3.			Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость
4.			Знакомство с многогранниками
5.			Изображение многогранников на рисунках
6.			Изображение многогранников на проекционных чертежах
7.			Куб, его развёртки и модели
8.			Пирамида, её развёртки и модели
9.			Сечения многогранников
10.			<b>Контрольная работа №1 по теме «Введение в стереометрию»</b>
<b>Прямые и плоскости в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей - 12 часов</b>			
11.			Взаимное расположение прямых в пространстве
12.			Параллельные прямые в пространстве
13.			Параллельность трёх прямых
14.			Параллельность прямой и плоскости
15.			Углы с сонаправленными сторонами
16.			Угол между прямыми в пространстве
17.			Параллельные плоскости, их свойства
18.			Тетраэдр
19.			Куб
20.			Параллелепипед
21.			Построение сечений
22.			<b>Контрольная работа №2 по теме «Прямые и плоскости в пространстве»</b>
<b>Перпендикулярность прямых и плоскостей - 12 часов</b>			
23.			Перпендикулярные прямые в пространстве
24.			Прямые, параллельные плоскости
25.			Прямые, перпендикулярные к плоскости
26.			Признак перпендикулярности прямой и плоскости
27.			Теорема о прямой, перпендикулярной плоскости
28.			Перпендикуляр и наклонные
29.			Расстояние от точки до плоскости
30.			Расстояние от прямой до плоскости
31.			Нахождение углов между скрещивающимися прямыми в кубе
32.			Нахождение углов между скрещивающимися прямыми в пирамиде
33.			Решение задач
34.			<b>Контрольная работа №3 по теме «Перпендикулярность прямых и плоскостей»</b>
<b>Углы между прямыми и плоскостями - 10 часов</b>			
35.			Угол между прямой и плоскостью
36.			Двугранный угол
37.			Линейный угол двугранного угла
38.			Перпендикулярность плоскостей
39.			Признак перпендикулярности двух плоскостей
40.			Нахождение углов между плоскостями в кубе
41.			Нахождение углов между плоскостями в пирамиде
42.			Теорема о трёх перпендикулярах

43.			Решение задач
44.			<b>Контрольная работа №4 по теме «Углы между прямыми и плоскостями»</b>
<b>Многогранники - 10 часов</b>			
45.			Понятие многогранника
46.			Призма: прямая и наклонная
47.			Боковая и полная поверхность призмы
48.			Прямоугольный параллелепипед и его свойства
49.			Пирамида
50.			Полная поверхность пирамиды
51.			Правильная и усечённая пирамиды
52.			Правильные многогранники
53.			Симметрия в пространстве: относительно точки, прямой, плоскости
54.			<b>Контрольная работа №5 по теме «Многогранники»</b>
<b>Объёмы многогранников - 8 часов</b>			
55.			Понятие об объёме
56.			Основные свойства объёмов
57.			Объём параллелепипеда
58.			Объём пирамиды
59.			Объём призмы
60.			Вычисление объёмов тел
61.			Решение задач
62.			<b>Итоговая аттестация. Контрольная работа №6</b>
<b>Повторение - 8 часов</b>			
63.			Построение сечений в многограннике
64.			Вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой
65.			Вычисление расстояний: от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми
66.			Вычисление углов между скрещивающимися прямыми
67.			Вычисление углов между прямой и плоскостью
68.			Вычисление углов между плоскостями

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 11 класс, геометрия

№	дата		Тема урока
	план	факт	
<b>Тела вращения - 12 часов</b>			
1.			Сфера и шар. Площадь поверхности сферы
2.			Взаимное расположение сферы и плоскости
3.			Касательная плоскость к сфере
4.			Сечения шара
5.			Цилиндр
6.			Площадь боковой и полной поверхности цилиндра
7.			Сечения цилиндра
8.			Конус
9.			Площадь боковой и полной поверхности конуса
10.			Сечения конуса
11.			Комбинация тел вращения и многогранников
12.			<b>Контрольная работа №1 по теме «Тела вращения»</b>
<b>Объёмы тел - 5 часов</b>			
13.			Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел.
14.			Объём цилиндра
15.			Объём конуса
16.			Объём шара, шарового сегмента, шарового сектора

17.			<b>Контрольная работа №2 по теме «Объёмы тел»</b>
<b>Векторы и координаты в пространстве - 10 часов</b>			
18.			Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов
19.			Умножение вектора на число
20.			Разложение вектора по трём некопланарным векторам. Правило параллелепипеда
21.			Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами
22.			Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора
23.			Простейшие задачи в координатах
24.			Угол между векторами. Скалярное произведение векторов
25.			Вычисление углов между прямыми и плоскостями
26.			Координатно-векторный метод при решении геометрических задач
27.			<b>Итоговая аттестация. Контрольная работа №3</b>
<b>Повторение, обобщение и систематизация знаний - 7 часов</b>			
28.			Сечения многогранников
29.			Нахождение углов между скрещивающимися прямыми
30.			Нахождение углов между плоскостями
31.			Вычисление площадей многогранников
32.			Вычисление объёмов тел
33.			Площади поверхностей тел вращения
34.			Объёмы тел вращения

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

учебного предмета «Вероятность и статистика»  
для 10-11 класса основного общего образования

Красноярск, 2023

## Аннотация к рабочей программе учебного предмета «Вероятность и статистика»

Рабочая программа учебного предмета «Вероятность и статистика» обязательной предметной области «математика» разработана в соответствии с ФГОС ООО/ФГОС СОО и реализуется 2023 года обучения с 10 по 11 класс.

Рабочая программа определяет организацию образовательной деятельности учителем в школе по определенному учебному предмету.

Рабочая программа учебного предмета является частью ООП ООО/ООП СОО, определяющей:

- содержание
- планируемые результаты (личностные, метапредметные, предметные)
- тематическое планирование с учетом рабочей программы воспитания и возможностью использования ЭОР/ЦОР

Рабочая программа обсуждена и принята решением методического объединения и согласована руководителем методсовета МАОУ Лицей № 7.

# ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

---

## ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА УЧЕБНОГО КУРСА "ВЕРОЯТНОСТЬ и СТАТИСТИКА"

Рабочая программа по учебному курсу "Вероятность и статистика" для обучающихся 10-11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта основного среднего образования с учётом и современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования, которые обеспечивают овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для непрерывного образования и саморазвития, а также целостность общекультурного, личностного и познавательного развития обучающихся. В программе учтены идеи и положения Концепции развития математического образования в Российской Федерации. В эпоху цифровой трансформации всех сфер человеческой деятельности невозможно стать образованным современным человеком без базовой математической подготовки. Уже в школе математика служит опорным предметом для изучения смежных дисциплин, а после школы реальной необходимостью становится непрерывное образование, что требует полноценной базовой общеобразовательной подготовки, в том числе и математической. Это обусловлено тем, что в наши дни растёт число профессий, связанных с непосредственным применением математики: и в сфере экономики, и в бизнесе, и в технологических областях, и даже в гуманитарных сферах. Таким образом, круг школьников, для которых математика может стать значимым предметом, расширяется.

Практическая полезность математики обусловлена тем, что её предметом являются фундаментальные структуры нашего мира: пространственные формы и количественные отношения отпростейших, усваиваемых в непосредственном опыте, до достаточно сложных, необходимых для развития научных и прикладных идей. Без конкретных математических знаний затруднено понимание принципов устройства и использования современной техники, восприятие и интерпретация разнообразной социальной, экономической, политической информации, малоэффективна повседневная практическая деятельность. Каждому человеку в своей жизни приходится выполнять расчёты и составлять алгоритмы, находить и применять формулы, владеть практическими приёмами геометрических измерений и построений, читать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм и графиков, жить в условиях неопределённости и понимать вероятностный характер случайных событий.

Одновременно с расширением сфер применения математики в современном обществе всё более важным становится математический стиль мышления, проявляющийся в определённых умственных навыках. В процессе изучения математики в арсенал приёмов и методов мышления человека естественным образом включаются индукция и дедукция, обобщение и конкретизация, анализ и синтез, классификация и систематизация, абстрагирование и аналогия. Объекты математических умозаключений, правила их конструирования раскрывают механизм логических построений, способствуют выработке умения формулировать, обосновывать и доказывать суждения, тем самым развивают логическое мышление. Ведущая роль принадлежит математике и в формировании алгоритмической компоненты мышления и воспитании умений действовать по заданным алгоритмам, совершенствовать известные и конструировать новые. В процессе решения задач — основой учебной деятельности на уроках математики — развиваются также творческая и прикладная стороны мышления.

Обучение математике даёт возможность развивать у обучающихся точную, рациональную и информативную речь, умение отбирать наиболее подходящие языковые, символические, графические средства для выражения суждений и наглядного их представления.

Необходимым компонентом общей культуры в современном толковании является общее знакомство методами познания действительности, представление о предмете и методах математики, их отличий от методов других естественных и гуманитарных наук, об особенностях применения математики для решения научных и прикладных задач. Таким образом, математическое образование вносит свой вклад в формирование общей культуры человека.

Изучение математики также способствует эстетическому воспитанию человека, пониманию красоты и изящества математических рассуждений, восприятию геометрических форм, усвоению идеи симметрии.



## **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Учебный курс «Вероятность и статистика» базового уровня является продолжением и развитием одноимённого учебного курса базового уровня основной школы. Курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления учащихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса основной школы и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различного рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» средней школы на базовом уровне выделены следующие основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности», «Случайные величины и закон больших чисел».

Важную часть курса занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство их непрерывными аналогами — показательным и нормальным распределениями.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин, а также эта линия необходима как база для изучения закона больших чисел — фундаментального закона, действующего в природе и обществе и имеющего математическую формализацию. Сам закон больших чисел предлагается в ознакомительной форме с минимальным использованием математического формализма. Темы, связанные с непрерывными случайными величинами, акцентируют внимание школьников на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям, при этом предполагается ознакомительное изучение материала без доказательств применяемых фактов.

## **МЕСТО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

В Учебном плане на изучение курса «Вероятность и статистика» на базовом уровне отводится 1 учебный час в неделю в течение каждого года обучения, всего 70 учебных часов.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРИМЕРНОЙ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ КУРСА (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)**

Предметные результаты освоения курса «Вероятность и статистика» в 10—11 классах ориентированы на достижение уровня математической грамотности, необходимого для успешного решения задач и проблем в реальной жизни и создание условий для их общекультурного развития.

Освоение учебного курса «Вероятность и статистика» на базовом уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

## 10 класс

- Читать и строить таблицы и диаграммы.
- Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных.
- Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равновероятными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах.
- Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач.
- Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта.
- Применять комбинаторное правило умножения при решении задач.
- Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха; находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли.
- Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения.

## 11 класс

- Сравнить вероятности значений случайной величины по распределению или с помощью диаграмм.
- Оперировать понятием математического ожидания; приводить примеры, как применяется математическое ожидание случайной величины находить математическое ожидание по данному распределению.
- Иметь представление о законе больших чисел.
- Иметь представление о нормальном распределении.

# СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

## 10 КЛАСС

Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события.

Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе, геометрическое и биномиальное

## 11 КЛАСС

Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение. Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах из повседневной жизни. Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального распределений.

Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод исследований. Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределения. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 класс

№	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Дата	Виды деятельности	Виды контроля	Электронные ресурсы
		всего	контр раб.	практ раб.				
<b>Раздел 1. Представление данных и описательная статистика – 4 часа</b>								
1.1.	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм	1				<b>Извлекать информацию</b> из таблиц и диаграмм, <b>использовать</b> таблицы и диаграммы для представления статистических данных. <b>Находить</b> описательные характеристики данных. <b>Выдвигать, критиковать гипотезы</b> о характере случайной изменчивости и определяющих её факторах		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
1.2.	Среднее арифметическое, медиана	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
1.3.	Наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
1.4.	Практическая работа «Представление данных и описательная статистика»	1		1				Практическая работа; <a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
Итого по разделу		4						
<b>Раздел 2. Случайные опыты и случайные события, опыты с равновероятными элементарными исходами – 3 часа</b>								
2.1.	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1				<b>Выделять на примерах</b> случайные события в описанном случайном опыте. <b>Формулировать</b> условия проведения случайного опыта. <b>Находить</b> вероятности событий в опытах с равновероятными исходами. <b>Моделировать</b> опыты с равновероятными элементарными исходами в ходе практической работы		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
2.2.	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями.	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
2.3.	Практическая работа «Случайные опыты и случайные события, опыты с равновероятными элементарными исходами»	1		1				Практическая работа <a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
Итого по разделу		3						
<b>Раздел 3. Операции над событиями, сложение вероятностей – 3 часа</b>								

3.1.	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события	1				<b>Использовать</b> диаграммы Эйлера и словесное описание событий для формулировки и изображения объединения и пересечения событий <b>Решать задачи</b> с использованием формулы сложения вероятностей		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
3.2.	Диаграммы Эйлера	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
3.3.	Формула сложения вероятностей	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>

Итого по разделу:

3

#### Раздел 4. Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий – 6 часов

4.1.	Условная вероятность	1				<b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей событий, в том числе условных с помощью дерева случайного опыта. <b>Определять</b> независимость событий по формуле и по организации случайного опыта		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
4.2.	Умножение вероятностей	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
4.3.	Дерево случайного эксперимента	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
4.4.	Формула полной вероятности	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
4.5.	Независимые события	1						
4.6.	Практическая работа «Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий»	1		1				Практическая работа

Итого по разделу:

6

#### Раздел 5. Элементы комбинаторики – 4 часа

5.1.	Комбинаторное правило умножения.	1				<b>Использовать</b> правило умножения для перечисления событий в случайном опыте. <b>Пользоваться</b> формулой и треугольником Паскаля для определения числа сочетаний		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
5.2.	Перестановки и факториал	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
5.3.	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
5.4.	Формула бинома Ньютона	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
Итого по разделу:		4						

#### Раздел 6. Серии последовательных испытаний – 3 часа

6.1.	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача	1				<b>Разбивать</b> сложные эксперименты на отдельные испытания. <b>Осваивать понятия:</b> испытание, серия независимых испытаний.		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>	
6.2.	Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли.	1				<b>Приводить примеры</b> серий независимых испытаний. <b>Решать задачи</b> на поиск вероятностей событий в серии испытаний до первого успеха и в сериях испытаний Бернулли. <b>Изучать в ходе практической работы</b> с использованием электронных таблиц вероятности событий в сериях независимых испытаний		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>	
6.3.	Практическая работа с использованием электронных таблиц по теме: «Серии последовательных испытаний»	1	1		1		Практическая работа;	<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>	
Итого по разделу:		3							
<b>Раздел 7. Случайные величины и распределения – 6 часов</b>									
7.1	Случайная величина	1				<b>Осваивать понятия:</b> случайная величина, распределение, таблица распределения, диаграмма распределения. <b>Приводить примеры</b> распределений, в том числе геометрического и биномиального.		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>	
7.2	Распределение вероятностей	1							
7.3	Диаграмма распределения	1							
7.4	Сумма и произведение случайных величин	1				<b>Сравнивать</b> распределения случайных величин <b>Находить</b> значения суммы и произведения случайных величин. <b>Строить и распознавать</b> геометрическое и биномиальное распределение		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>	
7.5	Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное	2							
Итого по разделу:		6							
<b>Раздел 8. Обобщение и систематизация знаний – 5 часов</b>									
8.1.	Описательная статистика	1				<b>Повторять</b> изученное и <b>выстраивать</b> систему знаний		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>	
8.2	Случайные опыты и вероятности случайных событий	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>	
8.3	Операции над событиями	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>	
8.4	Элементы комбинаторики, серии независимых испытаний	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>	
8.5	Итоговая контрольная работа	1	1					контр. работа	
Итого по разделу:		5	1						
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ		34	1	4					

## 11 класс

№	Наименование разделов и тем	Количество часов			Дата	Виды деятельности	Виды, формы контроля	Электронные образовательные ресурсы
		всего	контр. работ	прак. работ				
<b>Раздел 1. Повторение, обобщение и систематизация знаний – 4 часа</b>								
1.1.	Случайные опыты и вероятности случайных событий	2				Повторять изученное и выстраивать систему знаний		
1.2.	Серии независимых испытаний	1						
1.3.	Случайные величины и распределения	1						
Итого по разделу		4						
<b>Раздел 2. Математическое ожидание случайной величины – 4 часа</b>								
2.1.	Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея).	1				Осваивать понятие математического ожидания. Приводить и обсуждать примеры применения математического ожидания. Вычислять математическое ожидание.		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
2.2.	Математическое ожидание суммы случайных величин	1				Использовать понятие математического ожидания и его свойства при решении задач. Находить по известным формулам математическое ожидание суммы случайных величин. Находить по известным формулам математические ожидания случайных величин, имеющих геометрическое и биномиальное распределения		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
2.3.	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	2					Практическая работа	<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
Итого по разделу		4						
<b>Раздел 3. Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины – 4 часа</b>								
3.2.	Дисперсии геометрического и биномиального распределения.	2				Осваивать понятия: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины. Находить дисперсию по распределению		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
3.3.	Практическая работа с использованием электронных таблиц по теме: «Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины»	1		1			Практическая работа	<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
Итого по разделу:		4						

<b>Раздел 4. Закон больших чисел – 3 часа</b>								
4.1.	Закон больших чисел	1				Знакомиться с выборочным методом исследования совокупности данных. Изучать в ходе практической работы с использованием электронных таблиц применение выборочного метода исследования		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
4.2.	Выборочный метод исследований	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
4.6.	Практическая работа с использованием электронных таблиц по теме: «Закон больших чисел»	1		1			Практическая работа	<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
Итого по разделу:		3						
<b>Раздел 5. Непрерывные случайные величины (распределения) – 2 часа</b>								
5.1.	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности распределения.	1				Осваивать понятия: непрерывная случайная величина, непрерывное распределение, функция плотности вероятности. Приводить примеры непрерывных случайных величин. Находить вероятности событий по данной функции плотности, в том числе равномерного распределения		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
5.2.	Равномерное распределение и его свойства	1						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
Итого по разделу:		2						
<b>Раздел 6. Нормальное распределение – 2 часа</b>								
6.1.	Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности и свойства нормального распределения	1				Осваивать понятия: нормальное распределение. Выделять по описанию случайные величины, распределённые по нормальному закону. Приводить примеры задач, приводящих к нормальному распределению. Находить числовые характеристики нормального распределения по известным формулам. Решать задачи, связанные с применением свойств нормального распределений, в том числе с использованием электронных таблиц		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
6.2.	Практическая работа с использованием электронных таблиц по теме: «Нормальное распределения»	1		1				<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
Итого по разделу:		2						
<b>Раздел 7. Повторение, обобщение и систематизация знаний – 15 часов</b>								
7.1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм	3				Повторять изученное и выстраивать систему знаний		<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
7.2	Описательная статистика	2						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
7.3	Опыты с равновероятными элементарными событиями	2						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>
7.4	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координат)	3						<a href="https://www.yaklass.ru">https://www.yaklass.ru</a>



	натная прямая, дерево, диаграмм Эйлера)							
7.5	Случайные величины и распределения	2						
7.6	Математическое ожидание случайной величины	2						
7.7	Итоговая контрольная работа	1	1				контрольн работа	
Итого по разделу:		15	1					
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1		3			

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ, 10 класс**

№ п/п	дата		Тема урока
	план	факт	
<b>Представление данных и описательная статистика – 4 часа</b>			
1.			Представление данных с помощью таблиц и диаграмм
2.			Среднее арифметическое, медиана
3.			Наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов
4.			Практическая работа по теме «Представление данных и описательная статистика»
<b>Случайные опыты и случайные события, опыты с равновозможными элементарными исходами – 3 часа</b>			
5.			Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)
6.			Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями
7.			Практическая работа по теме «Случайные опыты и случайные события, опыты с равновозможными элементарными исходами»
<b>Операции над событиями, сложение вероятностей – 3 часа</b>			
8.			Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события
9.			Диаграммы Эйлера
10.			Формула сложения вероятностей
<b>Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий – 6 часов</b>			
11.			Условная вероятность
12.			Умножение вероятностей
13.			Дерево случайного эксперимента
14.			Формула полной вероятности
15.			Независимые события
16.			Практическая работа «Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий»
<b>Элементы комбинаторики – 4 часа</b>			
17.			Комбинаторное правило умножения
18.			Перестановки и факториал
19.			Число сочетаний. Треугольник Паскаля
20.			Формула бинома Ньютона
<b>Серии последовательных испытаний – 3 часа</b>			
21.			Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача
22.			Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли
23.			Практическая работа по теме: «Серии последовательных испытаний»
<b>Случайные величины и распределения – 6 часов</b>			
24.			Случайная величина
25.			Распределение вероятностей
26.			Диаграмма распределения
27.			Сумма и произведение случайных величин
28.			Примеры распределений
29.			Геометрическое и биномиальное распределение
<b>Обобщение и систематизация знаний – 5 часов</b>			
30.			Описательная статистика

31.			Случайные опыты и вероятности случайных событий
32.			Операции над событиями
33			<b><i>Итоговая контрольная работа</i></b>
34			Элементы комбинаторики, серии независимых испытаний

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ, 11 класс**

№ п/п	дата		Тема урока
	план	факт	
<b>Повторение, обобщение и систематизация знаний – 4 часа</b>			
1.			Случайные опыты
2.			Случайные вероятности случайных событий
3.			Серии независимых испытаний
4.			Случайные величины и распределения
<b>Математическое ожидание случайной величины – 4 часа</b>			
5.			Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея)
6.			Математическое ожидание суммы случайных величин
7.			Математическое ожидание геометрического распределения
8.			Математическое ожидание биномиального распределения
<b>Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины – 4 часа</b>			
9.			Дисперсия, стандартное отклонение случайной величины
10.			Дисперсия геометрического распределения
11.			Дисперсия биномиального распределения
12.			Практическая работа по теме: «Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины»
<b>Закон больших чисел – 3 часа</b>			
13.			Закон больших чисел
14.			Выборочный метод исследований
15.			Практическая работа по теме: «Закон больших чисел»
<b>Непрерывные случайные величины (распределения) – 2 часа</b>			
16.			Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности распределения
17.			Равномерное распределение и его свойства
<b>Нормальное распределение – 2 часа</b>			
18.			Функция плотности и свойства нормального распределения
19.			Практическая работа по теме: «Нормальное распределения»
<b>Повторение, обобщение и систематизация знаний – 15 часов</b>			
20.			Представление данных с помощью таблиц
21.			Представление данных с помощью диаграмм
22.			Описательная статистика
23.			Опыты с равновероятными элементарными событиями
24.			Вычисление вероятностей событий с применением формул
25.			Вычисление вероятностей событий графическим методом
26.			Вычисление вероятностей событий с применением координатной прямой, дерева, диаграммы Эйлера)
27.			Случайные величины и распределения
28.			Математическое ожидание случайной величины
29.			Перестановки и факториал
30.			Число сочетаний. Треугольник Паскаля
31.			Формула бинома Ньютона
32.			Операции над событиями
33.			<b>Итоговая контрольная работа</b>
34.			Результаты контрольной работы